

oder

$$z_2 = z_1 \cdot e^{\delta};$$

daher

$$(z_1 \bar{z}_1 z_2 \bar{z}_2) = \left( \frac{1 - e^{\delta}}{1 + e^{\delta}} \right)^2 = \Im g^2 \frac{\delta}{2}. \quad (I)$$

## § 2.

Für  $n = 2$  wollen wir unsere Funktion schreiben:

$$w = m - \frac{\alpha}{z-a} - \frac{\beta}{z-b}. \quad (1)$$

Die  $V$ -Punkte sind hier gegeben durch

$$\frac{dw}{dz} = \frac{\alpha}{(z-a)^2} + \frac{\beta}{(z-b)^2} = 0 \quad (2)$$

oder

$$\left( \frac{z-b}{z-a} \right)^2 = -\frac{\beta}{\alpha}.$$

Diese Formel drückt aus, daß man, um die Strecken  $z-b$  und  $z-a$  aufeinanderzulegen, um  $\frac{\pi}{2}$  drehen muß, daß also der Punkt  $z$  auf dem durch  $a$  und  $b$  hindurchgehenden Kreise mit dem Durchmesser  $b-a$  liegen muß. Die beiden spiegelbildlich zur reellen Achse liegenden  $V$ -Punkte dieser Abbildung liegen also für gegebenes  $a$  und  $b$  immer auf diesem Kreise. Die Lage auf dem Kreise ist durch die Werte von  $\alpha, \beta$  bestimmt. Dasselbe Resultat erhält man durch Elimination von  $\alpha, \beta$  aus Gleichung (2) und ihrer konjugierten, deren Resultat

$$2z\bar{z} - (a+b)(z+\bar{z}) + 2ab = 0$$

tatsächlich die Gleichung des erwähnten Kreises ist.

Löst man (2) auf und setzt in (1) ein, so erhält man für den Verzweigungspunkt

$$\omega = m + \frac{(\sqrt{\alpha} \pm i\sqrt{\beta})^2}{a-b}$$

oder

$$\frac{\omega - m}{\bar{\omega} - m} = \left( \frac{\sqrt{\alpha} \pm i\sqrt{\beta}}{\sqrt{\alpha} \mp i\sqrt{\beta}} \right)^2,$$