

und bekommen:

$$\begin{aligned} \frac{d}{dt} \left(\delta L + \frac{dL}{dt} \delta t + 2L \frac{d\delta t}{dt} \right) &= \\ &= - \frac{d}{dt} \sum \frac{\partial S}{\partial \dot{p}_v} \delta \pi_v + \frac{d^2}{dt^2} \left(\sum \varphi_v \delta \pi_v + 2L \delta t \right). \end{aligned}$$

Multiplizieren wir diese Gleichung mit dt und integrieren wir von einem festen t_0 bis t unter der Verfügung, daß an festen Grenzen sämtliche Variationen verschwinden, so wird:

$$\begin{aligned} \delta L + \frac{dL}{dt} \delta t + 2L \frac{d\delta t}{dt} &= \\ &= - \sum \frac{\partial S}{\partial \dot{p}_v} \delta \pi_v + \frac{d}{dt} \left(\sum \varphi_v \delta \pi_v + 2L \delta t \right). \end{aligned}$$

Nun addieren wir $\delta'A = \sum P_v \delta \pi_v$, wenn $\sum P_v \delta p_v$ die elementare Arbeit vorstellt, multiplizieren mit dt , integrieren zwischen festem t_0 und t_1 und erhalten:

$$\begin{aligned} \int_{t_0}^{t_1} [\delta L dt + dL \delta t + 2L d\delta t + \delta'A dt] &= \\ &= - \int_{t_0}^{t_1} dt \sum \left(\frac{\partial S}{\partial \dot{p}_v} - P_v \right) (\delta p_v - \dot{p}_v \delta t), \end{aligned}$$

womit die Äquivalenz beider Prinzipie nachgewiesen ist.