

Hierin beziehen sich die elliptischen Funktionen auf den Modul $k(f)$.

$P(y), Q(y)$ sind ganze teilerfremde Funktionen von y vom Grade n und $n-1$. Ihre Koeffizienten sind ganze rationalzahlige Funktionen von k^2, \sqrt{D} .

Um diese Koeffizienten zu ermitteln, sei

$$T = c_0 s n u + c_1 s n u + \dots + c_{n-1} s n u$$

der bis zu der Potenz $s n u$ reichende Teil der Entwicklung von $s n \zeta u$ nach Potenzen von $s n u$. Man erhält denselben, wenn man $s n \zeta u$ zunächst nach Potenzen von u bis zur Potenz u^{2n-1} und hierauf u, u^3, \dots, u^{2n-1} nach Potenzen von $s n u$ bis zur Potenz $s n u$ entwickelt. Es erhellt, daß identisch in y

$$Q(y) T(y) \equiv P(y) \pmod{y^{2n+1}} \tag{1}$$

und daß c_0, c_1, \dots, c_{n-1} ganze rationalzahlige Funktionen von k^2, \sqrt{D} sind.

Man kann aber auch T aus der Partialbruchzerlegung

$$\frac{P(y)}{Q(y)} - \frac{(-1)^{\frac{1}{2}\alpha\beta}}{\zeta} y = \frac{A_1 y}{1-k^2 x_1^2 y^2} + \frac{A_2 y}{1-k^2 x_2^2 y^2} + \dots + \frac{A_\nu y}{1-k^2 x_\nu^2 y^2}$$

gewinnen, wo $\nu = \frac{1}{2}(n-1)$ ist. Hiernach ist

$$c_i = A_1 k^{2i} x_1^{2i} + A_2 k^{2i} x_2^{2i} + \dots \quad i = 1, 2, \dots$$

und es erhellt, daß die Determinante

$$\begin{vmatrix} c_1 c_2 & \dots & c_\nu \\ c_2 c_3 & \dots & c_{\nu+1} \\ \dots & & \\ c_\nu c_{\nu+1} & \dots & c_{2\nu-1} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 \dots & & \\ k^2 x_1^2 \dots & & \\ \dots & & \\ k^{2\nu-2} x_1^{2\nu-2} \dots & & \end{vmatrix} \begin{vmatrix} A_1 k^2 x_1^2 & \dots \\ A_1 k^4 x_1^4 & \dots \\ \dots & \\ A_1 k^{2\nu} x_1^{2\nu} & \dots \end{vmatrix} = k^{2\nu} A_1 A_2 \dots A_\nu x_1^2 x_2^2 \dots x_\nu^2 \Pi^2$$

von Null verschieden ist, wo Π das Differenzenprodukt der Größen $x_1^2, x_2^2, \dots, x_\nu^2$ bezeichnet.