

vom Grade  $\frac{n}{\mu}$ . Letztere müssen daher mit den Funktionen  $x^{\frac{n}{\mu}} - a$  zusammenfallen und es ist  $\frac{n}{\mu} = \lambda^{\pi-p} > 1$ .

Für die Primzahl 2 gilt der Satz in folgender Fassung. Wenn die Norm  $\nu$  der Primzahl  $p$  von der Form  $4h+1$  ist und nach dem Modul  $n = 2^\pi$  zu einem Exponenten  $t$  gehört, welcher  $> 1$  ist, so sind die Primfunktionen der Primzahl  $p$  von  $F_n$  Funktionen von  $x^2$ .

Denn es sei  $r$  die höchste in  $\nu-1$  aufgehende Potenz von 2.  $\nu$  gehört nach dem Modul  $r$  zum Exponenten 1 und  $t$  ist  $= \frac{n}{r}$ .

Daher ist

$$F_r \equiv \Pi(x-a) \pmod{p}$$

und nach Ersetzung von  $x$  durch  $x^{\frac{n}{r}}$ :

$$F_n \equiv \Pi(x^t - a) \pmod{p}.$$

Da andererseits die Primfunktion von  $F_n$  vom Grade  $t$  sind, so müssen sie mit den Funktionen  $x^t - a$  zusammenfallen.

---

Serret, Cours d'algèbre supérieure.