

geben sich aus den drei Polaritäten, in welchen dem Punkte  $T'$  die Seiten des Dreieckes  $L_1M_1N_1$  entsprechen.

Die mit  $\varphi^2$  konfokalen Flächen schneiden die Ebene  $\pi$  in Kegelschnitten, deren Mittelpunkte auf der Geraden  $O_1O_2$  (Fig. 1) liegen und deren Achsen die Parabel  $l_2$  berühren. Die Normalen für die Schnittpunkte des Kegelschnittes mit der jeweiligen Geraden  $u_2$  sind auch Tangenten von  $l_2$ . Dem Strahlenbüschel  $O_1$  entspricht also in der Verwandtschaft der normalen konjugierten Geraden in Bezug auf die Schnitte aller mit  $\varphi^2$  konfokalen Flächen dieselbe Parabel  $l_2$ , nämlich die Komplexparabel. Nimmt man jetzt wieder die Ebene  $ln$  als  $\pi$  und den Punkt  $T$  als  $O_1$ , so gehen durch  $T$  selbst die Schnitte mit einem Ellipsoid und mit einem zweischaligen Hyperboloid. Die zwei erwähnten Normalen werden benachbart; daher sind die Berührungspunkte  $L_n, N_l$  von  $l, n$  mit der Komplexparabel die Krümmungsmittelpunkte für jene Schnitte, also Hauptkrümmungsmittelpunkte.<sup>1</sup> Andererseits sind  $N_l, L_n$  die Pole von  $l, n$  in Bezug auf jene Schnitte, also auch die Pole der Ebene  $lm$  in Bezug auf das Ellipsoid, beziehungsweise der Ebene  $nm$  in Bezug auf das zweischalige Hyperboloid. Ebenso sind  $L_m$  und  $N_m$  die Pole der Ebenen  $nm$  und  $lm$  in Bezug auf das einschalige Hyperboloid. Die Gerade  $L_mN_m$  ist die normale Polargerade zu  $m$  in Bezug auf das einschalige Hyperboloid, also selbst Tangente der Parabel  $(ln)$  sowie der kubischen Parabel und ihr Berührungspunkt ist der Schmiegunbspunkt der Ebene  $ln$ .

Die Komplexparabel der Ebene  $ln$  berührt die Normalen  $l, n$  in den Hauptkrümmungsmittelpunkten  $L_n, N_l$ , ferner die Verbindungsgerade der Hauptkrümmungsmittelpunkte  $L_m, N_m$  im Schmiegunbspunkte der kubischen Parabel, welche dem Bündel  $T$  entspricht.

Die Projektion der Komplexparabel, welche auf der Ebene  $ln$  mit der Spur  $L_1N_1$  liegt (Fig. 2), ist die Steiner'sche Parabel

<sup>1</sup> A. Mannheim (Journal de mathématiques, 3<sup>e</sup> série, tome VIII [1882], und 5<sup>e</sup> série, tome II [1896]) kommt auf andere Weise zu den Parabeln und leitet daraus räumliche Konstruktionen für die Hauptkrümmungsmittelpunkte ab, darunter eine, welche Laguerre schon vorher analytisch gezeigt hatte.