

Es wird  $\frac{\partial E}{\partial u} = 0$  für  $u = 0, \frac{3\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}, \dots$ , und es genügen dann diese Werthe von  $u$  der Differentialgleichung. Die entsprechenden Linien sind also geodätische Curven. Von diesen sind, die Linien  $u = \frac{3}{2}(2n+1)\pi$  die Doppelgeraden parallel der Axe der  $x$ , die Linien  $u = 3n\pi$  die Curven in der Ebene  $y=0$  deren Asymptoten diese Geraden sind; endlich die Linien  $u = \frac{3}{4}(2n+1)\pi$  die Schaar jener nicht ebenen, geodätischen Curven, zu welchen die oben erwähnte Linie  $L$  gehört.

Bei der Verwandlung der Minimalfläche in ihre „adjungirte“ oder Bonnet'sche Biegungsfläche gehen bekanntlich die Krümmungslinien in Asymptotenlinien über und umgekehrt. Da nun längs der Linie  $L$  jede Tangente einer dieselbe kreuzenden Curve bei der Biegung nur eine Umklappung um die Tangente an  $L$  im Kreuzungspunkte erfährt, dabei aber eine Tangente an eine Krümmungslinie zu einer Tangente einer Asymptotencurve wird, so muss die Linie  $L$  die Winkel zwischen den Krümmungs- und den Asymptotenlinien überall halbiren. Sie schneidet also beide Curvenschaaren unter den constanten Winkeln von  $22\frac{1}{2}^\circ$ , resp.  $67\frac{1}{2}^\circ$ , da die Elemente der letzteren sich überall unter einem Winkel von  $45^\circ$  treffen.