

$$y_1 = x^{-a} e^{\frac{c}{x}} \int_0^{\infty} u^{-b} \left[ \frac{c}{1+\sqrt{-1}} + u \right]^{a-1} e^{\frac{1+\sqrt{-1}}{x} \cdot u} du$$

$$y_2 = x^{-b} e^{\frac{c}{x}} \int_0^{\infty} u^{-a} \left[ \frac{c}{1+\sqrt{-1}} + u \right]^{b-1} e^{\frac{1+\sqrt{-1}}{x} \cdot u} du$$

In allen diesen Resultaten unterliegen  $a$  und  $b$  nur der einen Bedingung, dass ihre reellen Theile negativ seien.

5.

3. Es sei jetzt der reelle Theil von  $a$  positiv, jener von  $b$  negativ. Unter diesen Voraussetzungen ergibt sich aus (1), Art. 2, ein particuläres Integral, wenn man darin  $\gamma = c$ ,  $B = 1$ ,  $u_0 = 0$ ,  $u_1 = 1$  setzt. Jenes Integral ist dann eine endliche Grösse und findet die Bedingung (5) statt. Aus (1) ergibt sich noch ein zweites Integral, wenn man die Zahlen  $\sigma$  und  $\tau$  so wählt, dass  $\Delta$  negativ und  $B$  von Null verschieden, gleichgiltig ob reell oder imaginär wird; es kann dann  $u_0 = 0$ ,  $u_1 = \infty$  gesetzt werden. Die beiden Integrale sind daher

$$y_1 = x^{-a} \int_0^1 u^{a-1} (1-u)^{-b} e^{\frac{c}{x} \cdot u} du \quad \dots \text{(III)}$$

$$y_2 = x^{-a} \int_0^{\infty} u^{a-1} \left[ \frac{c}{\sigma+\tau\sqrt{-1}} - u \right]^{-b} e^{\frac{\sigma+\tau\sqrt{-1}}{x} \cdot u} du$$

Um auch hier den Fall zu betrachten, in welchem  $x$  reell ist, nehme man an, es sei  $x$  und der reelle Theil von  $c$  positiv; dann lässt sich die Gleichung  $\gamma B = c$  durch die Werthe  $\gamma = -c$ ,  $B = -1$  befriedigen, so dass der reelle Theil von  $\frac{\gamma}{x}$  negativ, folglich  $y_2$  eine endliche Grösse wird. In diesem Fall sind also