

Auch ist:

$$(54) \quad \text{tang } \Omega = \frac{\sin y \sqrt{1-e^2}}{\cos y - e \cos x}.$$

Es würden sich aus dem Obigen noch verschiedene andere bemerkenswerthe Relationen ableiten lassen, die ich aber, um nicht zu weitläufig zu werden, übergehen will.

Weil nach 4)

$$2ae \cos x \cos y = 2a - (r_1 + r),$$

$$2ae \sin x \sin y = r_1 - r$$

ist, so ist:

$$e \sin x \sin y = \frac{r_1 - r}{2a}, \quad \cot y = \frac{2a - (r_1 + r)}{r_1 - r} \text{ tang } x;$$

also durch Multiplication:

$$e \sin x \cos y = \frac{2a - (r_1 + r)}{2a} \text{ tang } x,$$

und folglich nach 17):

$$\tau = \frac{2a^{\frac{3}{2}}}{k} \left\{ x - \frac{2a - (r_1 + r)}{2a} \text{ tang } x \right\}$$

oder:

$$\tau = \frac{2a^{\frac{3}{2}}}{k} \left\{ \pi + x - \frac{2a - (r_1 + r)}{2a} \text{ tang } x \right\},$$

je nachdem $\Theta = \frac{1}{2}(v_1 - v)$ positiv oder negativ ist. Nimmt man nun hierzu noch die Gleichung 47), so ist eigentlich die vollständige Auflösung unseres obigen Problems, je nachdem $\Theta = \frac{1}{2}(v_1 - v)$ positiv oder negativ ist, in den beiden Gleichungen

$$(55) \quad \begin{cases} a = \frac{r_1 + r - 2 \cos \Theta \cos x \sqrt{rr_1}}{2 \sin x^2}, \\ \tau = \frac{2a^{\frac{3}{2}}}{k} \left\{ x - \frac{2a - (r_1 + r)}{2a} \text{ tang } x \right\} \end{cases}$$

oder in den beiden Gleichungen:

$$(55^*) \quad \begin{cases} a = \frac{r_1 + r - 2 \cos \Theta \cos x \sqrt{rr_1}}{2 \sin x^2}, \\ \tau = \frac{2a^{\frac{3}{2}}}{k} \left\{ \pi + x - \frac{2a - (r_1 + r)}{2a} \text{ tang } x \right\} \end{cases}$$